



EJERCICIOS Y EJEMPLOS CON ÁRBOLES 2017

EJERCITACIÓN ARBOLES

Ejemplo 1:



Se tiene una lista de personas anotadas en una maestría ordenada por apellido.

Para cada persona se tiene una lista de los cursos ya aprobados (los cursos aparecen identificados por su código).

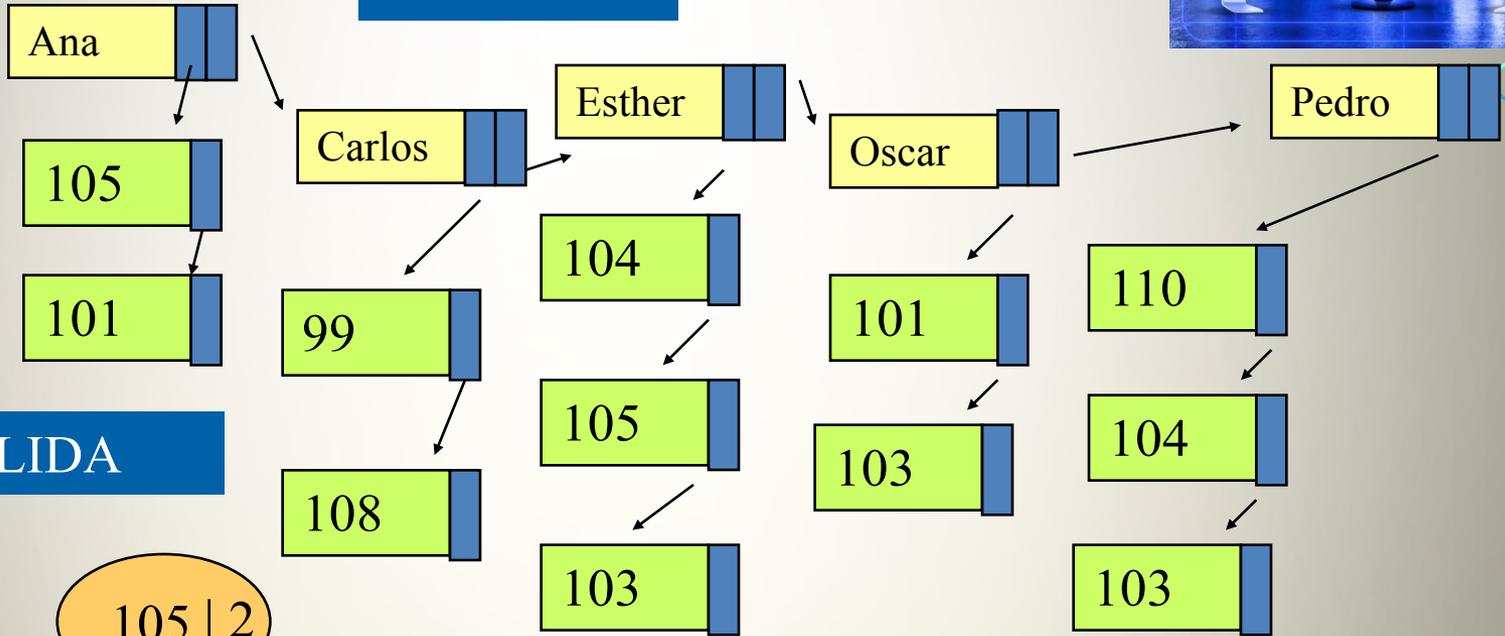
Se pide generar un árbol binario ordenado de cursos donde para cada curso se tenga la cantidad de alumnos que lo aprobó.

Nota: el orden del árbol es por código de curso.

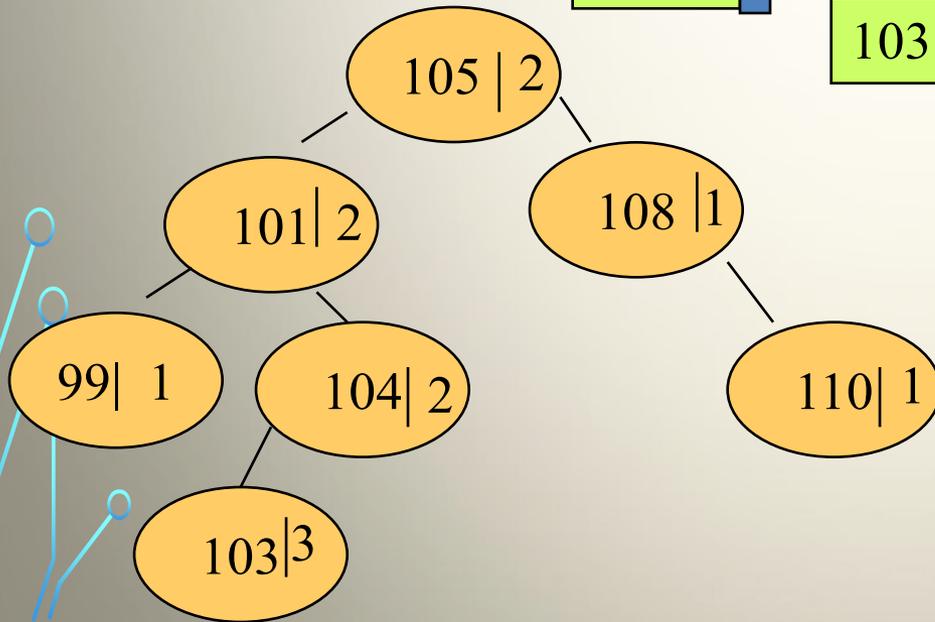
Ejemplo 1: Planteo de la información



ENTRADA



SALIDA



¿Qué pasa si el alumno no tiene ninguna materia aprobada?

Ejemplo 1: estrategia de solución



Una solución posible...

{Recorrer la lista de alumnos}

{ Por cada alumnos tomar la lista de cursos del alumno y hacer:}

{Por cada elemento de la lista insertar en el Ordenado en el árbol binario o sumar uno si ya existe el nodo}

¿Cómo modularizar
correctamente este
algoritmo?

Ejemplo 1: estructuras de datos

Type

```
ListaCursos = ^nodoCurso;
```

```
NodoCurso = record
```

```
    Codigo:string [4];
```

```
    Sig : ListaCursos;
```

```
End;
```

```
ListaAlumnos = ^Alumno;
```

```
Alumno = record
```

```
    Apellido: string [20];
```

```
    Cursos: ListaCursos;
```

```
    Sig : ListaAlumnos;
```

```
End;
```

```
ArbolCursos = ^NodoArbol;
```

```
NodoArbol = record
```

```
    Codigo : string[4];
```

```
    Cant : integer;
```

```
    Izq : ArbolCursos;
```

```
    Der: ArbolCursos;
```

```
End;
```

Hacer el módulo
de creación del
árbol binario
ordenado

Var

```
LC, listacur: ListaCursos;
```

```
LA, listaalu: ListaAlumnos;
```

```
AC, arbol : ArbolCursos;
```

Ejemplo 2



a) Realizar un módulo que Informe la cantidad de alumnos que tienen los cursos con código menor a 105.

```
Procedure cantidades (a: arbolcursos);  
begin  
  If a <> Nil then  
    If (a^.codigo < 105) then begin  
      write (a^.cant);  
      Cantidades (a^.der);  
      Cantidades (a^.izq);  
    End  
    Else cantidades (a^.izq);  
End;
```

Ejemplo 3



b) Hacer un módulo que informe cuales son las cantidades de alumnos de los cursos con código comprendidos entre 105 y 110.

```
Procedure intervaloCantidades (a: arbolcursos);  
begin  
  If a <> Nil then  
    if (a^.codigo >= 105) then  
      if (a^.codigo <= 110) then begin  
        Write (a^.cant);  
        intervaloCantidades (a^.izq);  
        intervaloCantidades (a^.der);  
      End  
      Else intervaloCantidades (a^.izq);  
    Else intervaloCantidades (a^.der);  
End;
```

Si bien esta solución informa correctamente, ¿Recorre ramas de más dentro del intervalo?

Ejemplo 3: Solución mejorada



b) Hacer un módulo que informe cuales son las cantidades de alumnos de los cursos con código comprendidos entre 105 y 110.

Podemos pensar en evitar recorrer de más dentro del intervalo

```
Procedure intervaloCantidades (a: arbolcursos);
```

```
begin
```

```
  If a <> Nil then
```

```
    if (a^.codigo >= 105) then
```

```
      if (a^.codigo <= 110) then begin
```

```
        Write (a^.cant);
```

```
        if (a^.codigo = 105) then
```

```
          intervaloCantidades (a^.der);
```

```
        else if (a^.codigo = 110)
```

```
          intervaloCantidades (a^.izq);
```

```
        else begin
```

```
          intervaloCantidades (a^.izq);
```

```
          intervaloCantidades (a^.der);
```

```
        end
```

```
      End
```

```
      Else intervaloCantidades (a^.izq);
```

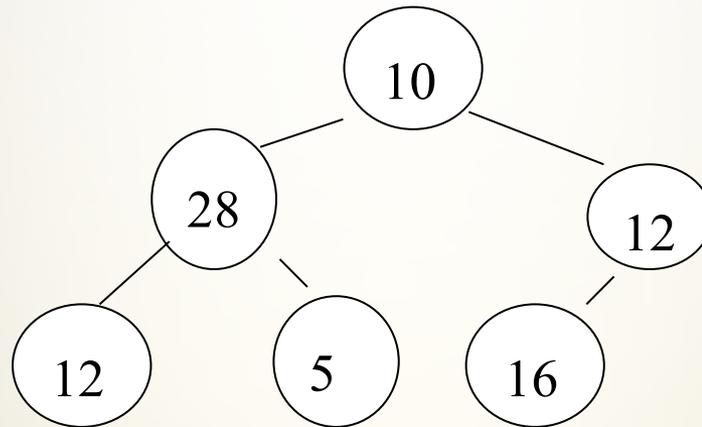
```
    Else intervaloCantidades (a^.der);
```

```
End;
```

Saber que encontré el valor de uno de los extremos ya me da información sobre lo que pasa a su izquierda o derecha

Ejemplo 4 Arboles BINARIOS

Dado un árbol binario donde cada uno de sus nodos tiene como dato un número entero. Ejemplo: 10 28 12 5 16 12



Observa que **NO**
está ordenado

a) Imprimir el peso de cada rama del árbol en términos de la suma de los valores que contienen sus nodos.

Ejemplo 4 Arboles BINARIOS



type

```
Arbol = ^nodo;  
Nodo = record  
    Dato: integer;  
    Izq: arbol;  
    Der: arbol;  
End;
```

Var

```
A: arbol; cant: integer;  
max : integer {para parte (b)}
```

```
Procedure Imprimir (a: arbol; cant: integer);
```

Begin

```
Cant := cant + a^.dato;  
If (a^.izq <> Nil) then Imprimir (a^.izq, cant);  
If (a^.der <> Nil) then Imprimir (a^.der, cant);  
If (a^.izq = Nil) and (a^.der = Nil) then  
    write ("La suma de la rama es:", cant);
```

```
End;
```

```
{prog. ppal}
```

```
Begin
```

```
....
```

```
Cant := 0;
```

```
If (a <> nil) then
```

```
    Imprimir (a, cant);
```

```
...
```

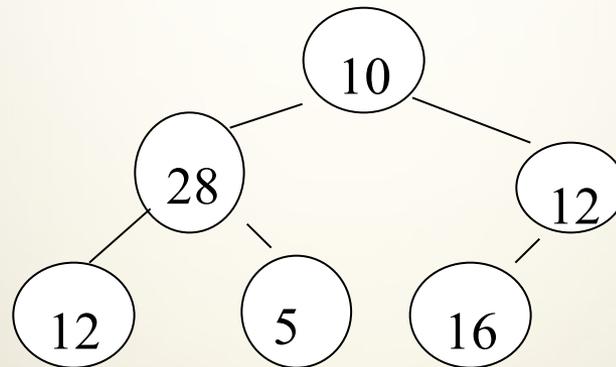
```
End.
```

Ejercitación Árboles BINARIOS



2.b) Supongamos que se desea calcular la rama del árbol que tiene más peso en términos de la suma de los valores que contienen sus nodos. Se pide informar la suma máxima.

Resultado: La rama que tiene máxima suma es la que totaliza 50



Observa que no está ordenado

Ejercitación Árboles BINARIOS: este algoritmo me permite tratar cada rama del árbol



```
Procedure ImprimirModificado (a: arbol; cant: integer;  
                               var max:integer);
```

```
Begin
```

```
  Cant := cant + a^.dato;
```

```
  If (a^.izq <> Nil) then ImprimirModificado (a^.izq, cant, max);
```

```
  If (a^.der <> Nil) then ImprimirModificado (a^.der, cant, max);
```

```
  If (a^.izq = Nil) and (a^.der = Nil) then
```

```
    If cant > max then max := cant;
```

```
End;
```

```
{Prog Ppal}
```

```
Begin
```

```
  ....
```

```
  max:= -1; Cant := 0;
```

```
  if (a <> nil) then ImprimirModificado (a, cant, max);
```

```
  Write (max);
```

```
  ...
```

```
End.
```

¿Funciona si el
árbol estuviera
ordenado?